

فهرست کتاب با اجازه ناشر منتشر شده است

## دینامیک غیر خطی سازه‌ها

### ترجمه و تالیف

بهنام ادهمی - عضو هیئت علمی دانشگاه آزاد اسلامی واحد تهران مرکز

آرش رستمی - دانشجوی دکتری مهندسی زلزله

کاووه حقیقی - دانشجوی دکتری مهندسی زلزله



نشرعلم عمران

[www.elme-omran.com](http://www.elme-omran.com)  
Info@elme-omran.com

عضو:



امنیتی نگران ناشر کتاب نگاری

این اثر مشمول قانون حمایت مولفان و مصنفان و هنرمندان مصوب ۱۳۴۸ است، هر کس تمام یا قسمتی از این اثر را بدون اجازه ناشر و مؤلف، نشر یا پخش یا عرضه کند مورد پیگرد قانونی قرار خواهد گرفت.

# فهرست کتاب با اجازه ناشر منتشر شده است

---

سرشناسه	: ۱۳۶۸	رستمی، آرش،
عنوان و نام پدیدآور	:	دینامیک غیر خطی سازه‌ها/ ترجمه و تالیف بهنام ادھمی، آرش رستمی، کاوه حقیقی.
مشخصات نشر	:	تهران: علم عمران، ۱۳۹۶.
مشخصات ظاهری	:	۲۶۱ ص: مصور، جدول، نمودار.
شابک	:	۹۷۸-۶۰۰-۵۱۷۶-۳۴-۶ ۲۵۰۰۰
موضوع	:	دینامیک سازه‌ها
موضوع	:	Structural dynamics
موضوع	:	دینامیک غیر خطی، Nonlinear Dynamic
شناسه افروزه	:	ادھمی، بهنام، ۱۳۴۹ - حقیقی، کاوه، ۱۳۵۷
ردہ بندي کنگره	:	TA۶۵۴/۵۵۹ ۱۳۹۶
ردہ بندي دیوبی	:	۶۲۴/۱۷۱
شماره کتابشناسی ملی	:	۴۶۵۰۹۲۷

---



نشر علم عمران

---

دینامیک غیر خطی سازه‌ها  
ترجمه و تالیف: بهنام ادھمی-آرش رستمی- کاوه حقیقی

---

چاپ اول	بهار ۱۳۹۶
چاپ	پرستش
تعداد و قطع صفحات	۲۶۱ صفحه وزیری
شمارگان	۱۰۰۰
بهای کتاب	۲۵۰۰۰ ریال
شابک	۹۷۸-۶۰۰-۵۱۷۶-۳۴-۶
ISBN	978-600-5176-34-6

---

نشر علم عمران: تهران، یوسف آباد، خیابان جهان‌آرا، بین خیابانهای ۱۶ و ۱۸، پلاک ۳۳، طبقه دوم، واحد ۱۱  
تلفن: ۸۸۳۵۳۹۳۰-۳۱ دورنگار: ۸۸۳۵۳۹۳۲  
حقوق چاپ و نشر برای نشر علم عمران محفوظ است.

## فهرست کتاب با اجازه ناشر منتشر شده است

### پیشگفتار ناشر

اصول تحلیل سازه‌های ساختمانی به دو روش استاتیکی و دینامیکی انجام می‌شود. معمولاً آینه‌های ساختمانی روش‌های استاتیکی و یا دینامیکی طیفی را به لحاظ سهولت انجام، کاهش حجم محاسبات و دقیق مناسب برای تحلیل سازه‌ها تجویز می‌کنند. با این وجود دقیق‌ترین و مناسب‌ترین روش برای تحلیل سازه‌ها با توجه به اینکه رفتار اعضای مختلف سازه نیز شامل بتن و فولاد به صورت غیر خطی می‌باشد، روش دینامیکی غیرخطی است. انجام این نوع تحلیل به دلیل پیچیدگی انجام محاسبات، مدت زمان طولانی آن و پیچیدگی تفسیر نتایج معمولاً در کارهای مهندسی انجام نشده و بیشتر در امور تحقیقاتی کاربرد دارد. ولی پیشرفت و افزایش سرعت رایانه‌ها در دهه اخیر و در آینده باعث خواهد شد تا این نوع تحلیل‌ها در حوزه مهندسی نیز جای خود را باز کنند. به همین منظور اطلاع و شناخت پایه و اصول دینامیک غیر خطی سازه‌ها و رفتار واقعی ساختمانها در هنگام زلزله برای مهندسان و دانشجویانی که سالها با مفاهیم دینامیک و مهندسی زلزله آشنا بوده‌اند، اجتناب ناپذیر خواهد بود.

کتاب حاضر به منظور شناخت و بررسی اصول پایه دینامیک غیر خطی سازه‌ها توسط آقایان دکتر بهنم ادھمی، مهندس آرش رستمی و مهندس کاوه حقیقی که از دانشجویان دکتری سازه هستند به رشته نگارش درآمده است. امید است که کتاب حاضر بتواند پاسخگوی برخی نیازهای استادی، دانشجویان و مهندسان علاقمند به درس دینامیک غیر خطی سازه‌ها باشد.

سید مهدی داودنی

مدیر نشر علم عمران

## فهرست کتاب با اجازه ناشر منتشر شده است

زندگی صحنه کیتای هنرمندی ماست

هر کسی نغمه خود خواهد و از صحنہ رود

صحنه پیوسته به جاست

خرم آن نغمه که مردم بساند بیاد...

با توجه به سرمایه‌گذاری شخصی در چاپ کتاب کلیه هزینه حاصل از فروش  
به موسسه خیریه «مهرانه» و «انجمن خیریه حمایت از بیماران کلیوی» تقدیم می‌گردد.

فهرست کتاب با اجازه ناشر منتشر شده است

تَعْدِيمُهُ بِمَدْرَوْمَادِ بَزْرَكَوارِمَ

و

تَعْدِيمُهُ بِاسْطُورَهَاتِي جَاوِيدِ سَرْزِينْمَ، غُواصَانِ دَسْتَبَسَتِي اَيِّ كَهْ بَالِ پَرْكِشِينْدَ.

آرْشِ رَسْمِي

فهرست کتاب با اجازه ناشر منتشر شده است

تعدادیم به

اطوره های جاوید سرزینم، خواصان دست بر تای که بی بال پر کشیدند.

کاوه حقیقی و بهنام ادبی

## فهرست کتاب با اجازه ناشر منتشر شده است

### پیشگفتار

درس دینامیک سازه‌ها یکی از دروس اصلی، مهم و پایه‌ای در مهندسی عمران بالاخص گرایش زلزله، سازه، سازه‌های هیدرولیکی و سازه‌های دریایی می‌باشد. همچنین درک بهتر رفتار سازه در طراحی سازه‌ها نیز می‌تواند بسیار مشمر ثمر باشد و به طراحی بهینه، اصولی و مناسب سازه منجر شود. با این تفاسیر مختصر می‌توان به درک اهمیت دینامیک سازه‌ها در مهندسی عمران پی برد. همچنین دینامیک به خودی خود به عنوان مفهومی بسیار پایه‌ای در دیگر رشته‌های مهندسی من جمله مکانیک، هوافضا، متالوژی و دیگر رشته‌های مرتبط با این موضوع می‌باشد. اصول پایه‌ای دینامیک غیرخطی یکسان است ولی با توجه به نیاز هر گرایش و موضوع مورد مطالعه بر روی مفاهیم خاصی متمرکز می‌شوند. لذا اهمیت دینامیک سازه برای هیچ کس قابل چشم پوشی نیست.

با توجه به دروس دانشگاهی و مهندسی خلاً چنین کتابی با عنوان و محتوایی پیشرفته‌تر توسط نویسنده‌گان احساس می‌شد. با توجه به اینکه در زمینه دینامیک سازه مقدماتی کتب بسیار ارزشمند و مفیدی در بازار موجود می‌باشد، که توسط اساتید داخل و خارج از کشور نگارش شده است، ولی کمبود کتاب دینامیک سازه پیشرفته یا دینامیک سازه غیرخطی که از دروس اصلی مقاطع دکتری و گاه ارشد می‌باشد در بین این منابع ارزشمند نمود فراوانی داشت. لذا نویسنده‌گان بر آن شدند تا کتابی مقدماتی در این خصوص با استفاده از کتب، مراجع و مقالات مختلف به رشته نگارش و ترجمه در بیاورند. در این کتاب نیز با توجه به کمبود منابع و مراجع معتبر از کتاب با عنوان دینامیک غیرخطی سازه‌ها که توسط سرجیو اولر نگاشته شده استفاده شده است. درس دینامیک سازه پیشرفته یا دینامیک غیرخطی با توجه به عمق مطالب نیازمند پیش زمینه علمی از دیگر دروس می‌باشد تا دریافت مفاهیم و روابط توسط خواننده را تسهیل نماید. پیش نیاز برای این درس را می‌توان دروس: دینامیک سازه‌ها، روش اجزا محدود، مکانیک محیط‌های

## فهرست کتاب با اجازه ناشر منتشر شده است

پیوسته، ریاضیات پیشرفته و دروس مرتبط با این مفاهیم دانست.

این کتاب با توجه به محظوا از پنج فصل تشکیل شده که در مقدمه به توضیح فصول پرداخته شده است و لذا از تکرار مکرات در این قسمت پرهیز می‌شود. امید است این کتاب که به عنوان مقدمه‌ای بر دینامیک غیرخطی سازه‌ها یا دینامیک سازه پیشرفته می‌باشد برای خوانندگان مفید واقع گردد. شایان ذکر است که نویسنده‌گان در حال نگارش مباحث پیشرفته در این مبحث هستند که شامل تحلیلهای غیرخطی سازه‌ها نیز می‌شود که در آینده نزدیک وارد بازار می‌شود که با توجه به تجربه نویسنده‌گان در تدریس درس دینامیک سازه‌ها و دروس مرتبط در محیط دانشگاهی بسیار مفید خواهد بود.

در پایان لازم می‌دانیم از عزیزانی که در این مسیر راهنمای و کمک رسان بودند تشکر و قدردانی نماییم. از سرکار خانم فولادی (دفتر فنی پایتحت) بابت تایپ و سرکار خانم رستمی (کانون تبلیغاتی نقش واره) بابت صفحه آرایی و نیز از جناب اقای دکتر مهدی داوودنی، مدیر مسؤول محترم انتشارات علم عمران که دلسوزانه کمک حال اینجانبان در این مسیر بودند تشکر و قدردانی می‌نماییم. همچنین با توجه به اینکه این اثر مانند هر اثری به دور از خطا و لغزش نمی‌باشد از خوانندگان عزیز تقاضا داریم نظرات، پیشنهادات و انتقادات خود را به آدرس ایمیل Rostami.Civil.Books@gmail.com ارسال نمایند تا در ویرایش‌های بعدی باعث ارتقا علمی اثر شود.

آرش رستمی، بهنام ادھمی، کاوه حقیقی

۱۳۹۵ اسفند

# فهرست کتاب با اجازه ناشر منتشر شده است

## فهرست مطالب

۱۵	فصل اول: مقدمه
۱۹	فصل دوم: اصل ترمودینامیکی معادله حرکت
۲۱	۲-۱. مقدمه
۲۱	۲-۲ سینماتیک اجسام تغییرشکل پذیر
۲۱	۲-۲-۱ تعاریف پایه‌ای تانسورهای سینماتیکی یک نقطه در فضا
۲۴	۲-۲-۲ اندازه‌گیری‌های کرنشی
۲۵	۳-۲-۲ روابط میان متغیرهای مکانیکی
۲۶	۴-۲-۲ مشتق هدف
۲۷	۵-۲-۲ سرعت
۲۹	۶-۲-۲ اندازه‌گیری‌های تنشی
۲۹	۳-۲-۲ اصل ترمودینامیک
۳۰	۱-۳-۲ قانون اول ترمودینامیک
۳۳	۲-۳-۲ قانون دوم ترمودینامیک
۳۶	۲-۳-۳-۲ شکل موضعی یا مکانی لاغرانژی برای اتلاف مکانیکی
۳۸	۴-۲-۲ متغیرهای درونی
۳۹	۲-۵-۲ معادله تعادل دینامیکی برای جسم صلب گسسته
۴۲	۲-۵-۱-۱ مساله غیرخطی - خطی در آوردن معادله تعادل
۴۵	۲-۶-۲ انواع مختلف مسایل دینامیک غیرخطی
۴۷	۲-۶-۱-۱ غیرخطی‌های ماده
۵۱	فصل سوم: راه حل معادله حرکت
۵۳	۳-۱-۳ مقدمه
۵۵	۳-۲-۳ راه حل صریح - ضمنی
۵۷	۳-۳-۳ راه حل ضمنی
۵۸	۳-۳-۱-۱ تعادل در زمان $(t+\Delta t)$
۵۹	۳-۳-۲-۲ راه حل تعادل در روش‌های ضمنی زمانی
۵۹	۳-۳-۲-۱-۱ روش نیومارک
۶۶	۳-۳-۲-۲-۱ روش هوبلت

# فهرست کتاب با اجازه ناشر منتشر شده است

۶۹	-۳-۳-۳-۳ راه حل سیستم معادلات تعادل غیرخطی
۶۹	-۳-۳-۱-۱ روش نیوتن - رافسون
۷۱	-۳-۳-۲-۲ روش نیوتن - رافسون تغییر یافته
۷۲	-۳-۳-۳-۳-۳ شتابدهنده یا تسریع کننده همگرایی
۷۳	-۳-۳-۴-۴-۴ شتابدهنده Aitken یا الگوریتم برون یابی
۷۴	-۳-۳-۵-۵-۵ الگوریتم‌های B.F.G.S
۷۵	-۳-۳-۶-۶ الگوریتم‌های نیوتن سکانت
۷۶	-۳-۳-۷-۷ الگوریتم‌های «خط - جستجو»
۷۹	-۳-۳-۸-۸ حل الگوریتم‌های کنترل - «طول»
۸۳	<b>فصل چهارم: تحلیل همگرایی راه حل دینامیکی</b>
۸۵	-۴-۱-۴ مقدمه
۸۵	-۴-۲-۴ کاهش به مساله الاستیک خطی
۸۸	-۴-۳-۴ راه حل سیستم‌های متقارن خطی مرتبه دوم
۸۹	-۴-۴-۴ معادله تعادل دینامیکی و همگرایی - سازگاری و پایداری آن
۹۱	-۴-۵-۴ پایداری راه حل سیستم‌های متقارن خطی مرتبه دوم
۹۱	-۴-۵-۱ فرآیند تجزیه و تحلیل پایداری
۹۲	-۴-۵-۲-۲ تعیین <b>A</b> و <b>L</b> برای نیومارک
۹۶	-۴-۵-۳-۴ تعیین <b>A</b> و <b>L</b> برای تفاضل‌های مرکزی - شکل صریح روش نیومارک
۱۰۰	-۴-۶-۴ پایداری راه حل سیستم‌های متقارن غیرخطی مرتبه دوم
۱۰۰	-۴-۶-۱-۱ پایداری معادله خطی شده
۱۰۱	-۴-۶-۲-۲ الگوریتم‌های حفاظت از انرژی
۱۱۱	<b>فصل پنجم: مدل‌های مستقل از زمان</b>
۱۱۳	-۵-۱-۵ مقدمه
۱۱۳	-۵-۲-۲ رفتار الاستیک
۱۱۶	-۵-۲-۱-۱ ثابت‌ها و نامتغیرهای تانسورها
۱۱۸	-۵-۳-۳-۳ الاستیسیته غیرخطی
۱۱۸	-۵-۳-۱-۱ مقدمه
۱۱۸	-۵-۳-۲-۲-۲ مدل هایپر الاستیک غیرخطی
۱۱۹	-۵-۳-۱-۲-۱-۱ مدل هایپر الاستیک تنش - محور
۱۲۰	-۵-۳-۲-۲-۲ فرضیه‌های ثبات

# فهرست کتاب با اجازه ناشر منتشر شده است

- ۱۲۳-۴-۵- پلاستیسیته در تغییرشکل های کوچک
- ۱۲۳-۱-۴-۵- مقدمه
- ۱۲۶-۲-۴-۵- رفتار گسستگی یا معیار شکست پلاستیک
- ۱۳۰-۵-۵- رفتار الاستو-پلاستیک Levy-Mises
- ۱۳۰-۱-۵-۵- تئوری Prandtl-Reus
- ۱۳۱-۲-۵-۵- تئوری کلاسیک پلاستیسیته
- ۱۳۲-۶-۵- تئوری کلاسیک یا کار ویژه
- ۱۳۳-۱-۶-۵- واحد پلاستیک یا سطح بارگذاری پلاستیک-متغیر سخت شدن پلاستیک
- ۱۳۵-۲-۶-۵- سخت شدگی ایزوتروپیک
- ۱۳۶-۱-۲-۶-۵- سخت شدگی کینماتیک
- ۱۳۸-۲-۲-۶-۵- رابطه تنش - کرنش. ثبات پلاستیک و سختی تانزانتی
- ۱۳۹-۳-۶-۵- فرضیه ثبات Druker و حداکثر میزان پراکندگی یا اتلاف پلاستیکی
- ۱۴۰-۷-۵- شرط ثبات
- ۱۴۳-۱-۸-۵- ثبات مکانی
- ۱۴۴-۲-۸-۵- ثبات کلی
- ۱۴۶-۹-۵- شرط یکپارچگی unicity در راه حل
- ۱۴۶-۱۰-۵- شرط بارگذاری- عدم بارگذاری Kuhn-Tucker
- ۱۴۷-۱۱-۵- معیار کلاسیک شکست یا گسستگی پلاستیک
- ۱۴۸-۱۱-۵- معیار Rankine حداکثر تنش انقباضی
- ۱۵۰-۱۱-۵- معیار Tresca برای حداکثر تنش برشی
- ۱۵۱-۱۱-۵- معیار Von Mises در تنش برشی هشت وجهی
- ۱۵۳-۱۱-۵- معیار Mohr-Coulomb در تنش برشی هشت وجهی
- ۱۵۸-۱۱-۵-۵- معیار Drucker-Prager
- ۱۵۹-۱۲-۵- پلاستیسیته ژئومتریال ها
- ۱۶۱-۱۳-۵- مبنای مدل تخریب پلاستیک
- ۱۶۳-۱-۱۳-۵- رفتار مکانیکی لازم برای فرمول بندی مدل تشکیل دهنده
- ۱۶۴-۲-۱۳-۵- برخی ویژگی های مدل تخریب پلاستیک
- ۱۶۷-۱۴-۵- متغیرهای اصلی مدل تخریب- پلاستیک
- ۱۶۸-۱-۱۴-۵- تعریف متغیر تخریب پلاستیک

# فهرست کتاب با اجازه ناشر منتشر شده است

- ۱۷۰-۲-۱۴-۵- تعریف قانون سیر تکاملی چسبندگی C-Kp
- ۱۷۲-۳-۱۴-۵- تعریف متغیر  $\phi$  زاویه اصطکاک داخلی
- ۱۷۶-۴-۱۴-۵- تعریف متغیر  $\psi$  زاویه اتساع
- ۱۷۷-۱۵-۵- تعمیم دادن مدل تخریب با کاهش سختی
- ۱۷۷-۱-۱۵-۵- مقدمه
- ۱۷۹-۲-۱۵-۵- معادله تشکیل دهنده الاستو پلاستیک با تجزیه یا تلاشی سختی
- ۱۸۲-۳-۱۵-۵- معادله تشکیل دهنده تانزانی برای فرآیندهای تجزیه یا تلاشی سختی
- ۱۸۳-۴-۱۵-۵- توابع شکست خاص
- ۱۸۳-۱-۴-۱۵-۵- تابع تغییریافته Mohr-Coulomb
- ۱۸۷-۲-۴-۱۵-۵- تابع تغییریافته Drucker-Prager
- ۱۸۸-۱۶-۵- مقدمه‌ای بر تخریب ایزوتروپیک پیوسته
- ۱۸۹-۱-۱۶-۵- مدل تخریب ایزوتروپیک
- ۱۹۰-۱۷-۵- انرژی آزاد هلمهولتز و معادله تشکیل دهنده
- ۱۹۲-۱۸-۵- معیار آستانه تخریب
- ۱۹۳-۱۹-۵- قانون بسط متغیر تخریب داخلی
- ۱۹۴-۲۰-۵- تانسور تشکیل دهنده تانزانی برای تخریب
- ۱۹۵-۲۱-۵- توصیف دقیق معیار تخریب
- ۱۹۵-۱-۲۱-۵- نرم شدگی کلی یا عمومی
- ۱۹۸-۲-۲۱-۵- نرم شدگی نمایی یا تصاعدی
- ۱۹۹-۳-۲۱-۵- نرم شدگی خطی
- ۲۰۰-۲۲-۵- توضیح دقیق تابع آستانه تنش
- ۲۰۰-۱-۲۲-۵- مدل Simo-Ju
- ۲۰۰-۱-۱-۲۲-۵- تعیین پارامتر A برای مدل Simo-Ju
- ۲۰۲-۲-۲۲-۵- مدل Mazars و Lemaitre
- ۲۰۳-۳-۲۲-۵- مدل کلی برای سطوح تخریب مختلف
- ۲۰۳-۴-۲۲-۵- تعیین کردن پارامتر A
- ۲۰۷-فصل ششم: مدل‌های وابسته به زمان
- ۲۰۹-۲-۶- معادلات تشکیل دهنده بر مبنای شباهت‌های فنر- میرایی
- ۲۱۰-۱-۲-۶- مدل ساده مش کلوین

## فهرست کتاب با اجازه ناشر منتشر شده است

- ۲۱۱ -۲-۲- مدل ساده شده کلسیون
- ۲۱۲ -۳-۲-۶- مدل کلوین کلی شده
- ۲۱۴ -۴-۲-۶- مدل چندگانه تعمیم یافته کلوین
- ۲۱۶ -۵-۲-۶- مدل تعمیم یافته مکسول
- ۲۱۹ -۶-۲-۶- مدل مکسول تعمیم یافته چندگانه
- ۲۲۱ -۱-۶-۲-۶- محاسبه اتلاف
- ۲۲۲ -۳-۶- تعمیم سازی چندمحوری قوانین تشکیل دهنده ویسکو الاستیک
- ۲۲۲ -۱-۳-۶- شکل چندمحوری مدل های ویسکو الاستیک
- ۲۲۴ -۲-۳-۶- راه حل عددی انتگرال ها و الگوریتم ها
- ۲۲۷ -۴-۶- مدل کلوین در مسائل دینامیک
- ۲۲۸ -۱-۴-۶- اتلاف مدل کلوین
- ۲۲۹ -۲-۴-۶- معادله تعادل دینامیک برای معادله کلوین
- ۲۳۱ -۳-۴-۶- مقایسه تنش، مدل رایلی در مقابل مدل کلوین
- ۲۳۱ -۴-۴-۶- مقایسه اتلاف مدل رایلی در مقابل مدل کلوین
- ۲۳۳ -۵-۴-۶- میله معلق (طره)
- ۲۳۵ -۶-۴-۶- قاب با میله صلب و جرم مرکز
- ۲۳۷ -۵-۶- ویسکو پلاستیسیته
- ۲۳۹ -۱-۵-۶- حالت های محدود ویسکو پلاستیسیته
- ۲۴۰ -۲-۵-۶- تابع فوق تنشی
- ۲۴۱ -۳-۵-۶- الگوریتم انتگرال گیری برای معادله تشکیل دهنده ویسکو پلاستیک
- ۲۴۳ -۴-۵-۶- حالت های خاصی از مدل Duvaut-Lyon  
برای ماده ویسکو پلاستیک Von-Mises
- ۲۴۵ لغتنامه